

Nr. 15 / 04.01.2023

Vizat,

Inspector Școlar General Adjunct,
Prof. Răzvan Delcea VASILE

**SUBIECTELE PROBEI PRACTICE PENTRU EXAMENUL DE ATESTAT
PROFESIONAL LA INFORMATICĂ,
ANUL ȘCOLAR 2022 – 2023**

Matematică informatică - intensiv informatică

Subiectul 1

În fișierul *Numere.txt* pe prima linie este memorat un număr natural n ($n < 10000$), iar pe linia următoare un șir de n numere naturale distincte cu maximum 4 cifre fiecare, separate prin câte un spațiu. Se cere:

- Afișați pe prima linie a fișierului de ieșire *Rezultat.out* poziția pe care s-ar găsi primul element din șirul aflat pe linia a doua a fișierului, dacă șirul ar fi ordonat crescător. Numerotarea pozițiilor elementelor în cadrul șirului este de la 1 la n . Alegeți un algoritm de rezolvare eficient din punct de vedere al memoriei utilizate și al timpului de executare.
- Verificați dacă primul număr de pe a doua linie din fișier este număr **prim** și afișați un mesaj corespunzător, pe a doua linie a fișierului de ieșire (**DA** sau **NU**). Veți folosi un subprogram care primește ca parametru un număr natural x , de cel mult 4 cifre și returnează **TRUE** dacă numărul x este prim sau **FALSE** în caz contrar.

Exemplu: Dacă fișierul *Numere.txt* are următorul conținut:

6
267 13 45 628 7 79

Fișierul *Rezultat.out* va avea următorul conținut:

5
NU

deoarece numărul 267 ar ocupa poziția a cincea în șirul ordonat crescător (7 13 45 79 267 628) și 267 nu este număr prim.

Subiectul 2

Fișierul text *Numere.txt* conține pe prima linie numărul natural n , ($1 \leq n \leq 30000$), pe următoarele n linii un șir de n numere naturale, iar pe ultima linie două numere naturale a și b ($a \leq b$) separate de un spațiu. Fiecare dintre cele n numere, precum și valorile a și b , au cel mult două cifre. Se cere:

- Afișați pe prima linie în fișierul *Rezultat.out* cel mai mic număr întreg din intervalul închis $[a, b]$ care se găsește în șirul dat. Dacă nu există un astfel de număr, programul afișează textul **NU EXISTA**. Alegeți un algoritm de rezolvare eficient din punct de vedere al memoriei utilizate și al timpului de executare.
- Pe a doua linie din fișierul de ieșire afișați **c.m.m.m.c** dintre a și b . Pentru calculul celui mai mic multiplu comun a doua numere se va utiliza un subprogram care primește ca parametrii două numere naturale x și y și returnează **c.m.m.d.c.** al lor. Reamintim ca

$$\text{c.m.m.m.c}(x, y) = \frac{x * y}{\text{c.m.m.d.c.}(x, y)}$$

Exemplu: Dacă fișierul *Numere.txt* are următorul conținut:

4
7
20
11
35
9 21

Fișierul *Rezultat.out* va avea următorul conținut :

11
63

Subiectul 3

Fișierul text *Numere.in* conține pe prima linie un număr natural nenul n , ($2 \leq n \leq 100$) și pe următoarea linie n numere reale pozitive, în ordine **strict crescătoare**, separate prin câte un spațiu.

- Utilizând un algoritm eficient din punct de vedere al execuției și al memoriei utilizate, determinați și afișați pe prima linie în fișierul *Numere.out* cel mai mare număr natural x , cu proprietatea că în orice interval **deschis** având drept capete două numere de pe poziții alăturate dintre cele n numere aflate pe linia a doua în fișierul *Numere.in* se găsesc cel puțin x numere întregi.
- Afișați numărul de cifre distincte din numărul x utilizând un subprogram care primește prin intermediul parametrului y un număr natural și returnează prin cel de-al doilea parametru z numărul cifrelor distincte ale numărului y .

Exemplu: Dacă fișierul *Numere.in* are următorul conținut:

5
3.5 323.1 549 925.3 1312.7

Fișierul *Numere.out* va avea următorul conținut :

225
2

Explicație: În intervalul (3.5, 323.1) exista 320 de numere întregi, în (323.1, 549) exista 225 de numere întregi, în (549, 925.3) exista 376 de numere întregi, în (925.3, 1312.7) există 387 numere întregi, deci în oricare dintre intervale exista cel puțin 225 de numere întregi. Numărul 225 este format din două cifre distincte.

Subiectul 4

Se consideră fișierul text *Date.in* ce conține pe prima linie două numere naturale nenule, n și s ($n \leq 9$, $s < 20$), iar pe a doua linie n numere întregi, separate prin câte un spațiu, fiecare număr având maximum 9 cifre nenule.

- Afișați în fișierul de ieșire *Date.out*, despărțite prin câte un spațiu, numerele situate pe a doua linie a fișierului *Date.in*, a căror sumă a cifrelor este mai mică decât s , **ordonate strict crescător**. În cazul în care nu există nici un astfel de număr în fișierul de ieșire se va afișa valoarea 0. Veți folosi un subprogram numit *cifre*, care primește prin intermediul primului parametru, a , un număr întreg cu maximum 9 cifre nenule și returnează, prin intermediul celui de-al doilea parametru b , suma cifrelor lui a .
- Pe o doua linie a fișierului *Date.out* afișați cel mai mic număr natural format din cifrele distincte ale numerelor afișate pe prima linie în fișierul *Date.out*.

Exemplu: Dacă fișierul *Date.in* are următorul conținut:

6 18

321 175 999 242477 16 -269

Fișierul *Date.out* va avea următorul conținut :

-269 16 175 321

1235679

Subiectul 5

Fișierul text *Date.in* conține cel puțin două și cel mult **10000** de numere naturale distincte, dintre care cel puțin două sunt pare. Numerele sunt separate prin câte un spațiu și fiecare dintre ele are cel puțin **3** și cel mult **9** cifre.

- Determinați cele mai mari două numere pare din fișier, utilizând un algoritm eficient din punct de vedere al timpului de executare și al spațiului de memorie utilizat. Cele două numere vor fi afișate în pe prima linie a fișierului de ieșire *Rezultate.out*, în ordine descrescătoare, separate printr-un spațiu.
- Construiți în memorie o matrice pătratică cu **n** linii și **n** coloane, unde **n** este numărul de cifre al primului număr scris în fișierul de ieșire. Matricea va fi construită astfel: pe diagonala principală va conține **0**, deasupra diagonalei principale cea mai mare cifră, iar sub diagonala principală cea mai mică cifră a acestui număr. Matricea va fi afișată pe următoarele **n** linii în fișierul *Rezultate.out*, elementele fiecărei linii fiind separate de câte un singur spațiu. Veți utiliza un subprogram care primește ca parametru un număr natural **a** de cel mult **9** cifre și returnează prin intermediul parametrilor **n**, **max**, **min** numărul de cifre, cifra maximă, respectiv cifra minimă a numărului **a**.

Exemplu: dacă fișierul *Date.in* are următorul conținut:

5123 610 301 122 824

Fișierul *Rezultate.out* va avea următorul conținut:

824 610

0 8 8

2 0 8

2 2 0

Subiectul 6

Fișierul text *Numere.txt* conține pe prima linie un număr natural **n** ($0 < n < 100000$), iar pe a doua linie **n** numere naturale, formate din cel mult **4** cifre, separate prin câte un spațiu.

- Determinați în mod eficient, din punct de vedere al memoriei și a timpului de executare, cifrele ce apar în scrierea numerelor situate pe a doua linie a fișierului. Programul va afișa în fișierul de ieșire *Rezultate.out* cifrele (în ordine crescătoare) precum și numărul de apariții al acestora (pe fiecare linie cifra și numărul ei de apariții separate de un singur spațiu).
- Verificați dacă suma cifrelor impare este un număr palindrom, și afișați pe ecran un mesaj corespunzător (**DA** sau **NU**). Veți utiliza un subprogram care primește ca parametru un număr natural **x** de cel mult **4** cifre și returnează inversul numărului **x**.

Exemplu: dacă fișierul *Numere.txt* are următorul conținut:

7

243 32 545 74 12 1344 90

Fișierul *Rezultate.out* va avea următorul conținut:

0 1
1 2
2 3
3 3
4 5
5 2
7 1
9 1

Pe ecran se va afișa NU (deoarece suma cifrelor impare $2*1+3*3+2*5+1*7+1*9 = 37$ care nu este un număr palindrom)

Subiectul 7

În fișierul *Numere.txt* pe prima linie sunt memorate două numere naturale n și m ($1 < n, m < 51$), iar pe următoarele n linii câte m numere naturale distincte cu maxim 4 cifre fiecare, separate prin câte un spațiu. Se cere:

- Afișați pe prima linie a fișierului de ieșire *Rezultat.out* toate numerele din fișierul de intrare care au cifra de control pară. Numerele se vor afișa separate prin câte un spațiu, în ordinea apariției lor în fișierul de intrare. **Cifra de control** a unui număr se obține calculând suma cifrelor numărului, apoi suma cifrelor sumei și tot așa până la obținerea unei singure cifre. În cazul în care nici un număr nu are cifra de control pară în fișierul de ieșire se va afișa mesajul **NU EXISTA**. Veți folosi un subprogram care primește ca parametru un număr natural x , cu cel mult 4 cifre și returnează cifra de control a valorii reținute de x .
- În cazul în care pe prima linie a fișierului de ieșire au fost afișate valori numerice, atunci să afișeze pe a doua linie a fișierului de ieșire cel mai mare număr natural format din cifrele distincte ale numerelor de pe prima linie a fișierului *Rezultat.out*. Alegeți un algoritm de rezolvare eficient din punct de vedere al memoriei utilizate și al timpului de executare. Dacă pe prima linie a fișierului de ieșire s-a afișat NU EXISTA, atunci pe a doua linie a fișierului de ieșire nu se va afișa nimic.

Exemplu: Dacă fișierul *Numere.txt* are următorul conținut:

2 3
123 12 3
524 171 11

Fișierul *Rezultat.out* va avea următorul conținut:

123 524 11
54321

Subiectul 8

Fișierul text *Matrice.txt* conține pe prima linie un număr natural n ($0 < n \leq 50$), și un număr natural k ($0 < k \leq 9$) iar pe fiecare dintre următoarele n linii câte n numere naturale de cel mult 9 cifre, separate prin câte un spațiu, numere care reprezintă elementele unei matrice pătratice de dimensiune n .

- Construiți un vector cu n elemente, fiecare element v_i ($i=1,2,\dots,n$) al vectorului conține **minimul** dintre elementele liniei i , care conține exact k cifre de **1** în reprezentarea sa binară, **sau** valoarea **zero** dacă nu există un astfel de element pe linia i . Afișați elementele vectorului astfel construit, separate de câte un spațiu pe prima linie în fișierul *Rezultate.out*.
Se va utiliza un subprogram *cifunu* care primește ca parametru un număr natural x , și returnează numărul de cifre **1** din reprezentarea binară a numărului x .
- Pe a doua linie a fișierului de ieșire *Rezultate.out* afișați cel mai mare număr obținut din cifrele elementului maxim din vectorul format

Exemplu: dacă fișierul *Matrice.txt* are următorul conținut:

```
4 3
11 12 3 15
8 2 17 3
5 0 7 10
13 11 155 16
```

Fișierul *Rezultate.out* va avea următorul conținut:

```
11 0 7 11
11
```

Subiectul 9

Fișierul *Cuvant.in* conține cuvinte formate doar din litere mici, separate prin unul sau mai multe spații (numărul cuvintelor poate să difere de la un rând la altul; o linie din fișier conține cel mult 255 de caractere).

Definim **randamentul** unui cuvânt ca fiind **numărul de caractere distincte din cuvânt / lungimea cuvântului**. De exemplu șirul 'caractere' are randamentul $5/9=0.56$.

- Afișați în fișierul *Rezultate.out*, pentru fiecare linie citită din fișierul de intrare cuvintele în ordinea apariției lor, precum și randamentul fiecărui cuvânt. Veți folosi un subprogram care primește ca parametru un șir de caractere *s* și returnează printr-un al doilea parametru numărul de caractere distincte ale lui *s*.
- Pe ultimul rând în fișierul de ieșire afișați cuvântul cu randamentul cel mai mare. Dacă în fișier există mai multe astfel de cuvinte afișați-l pe ultimul.

Exemplu: dacă fișierul *Cuvant.in* are următorul conținut:

```
caractere litere mici
problemele pentru concurs sunt grele
flori galbene
```

Fișierul *Rezultate.out* va avea următorul conținut:

```
caractere 0.56 litere 0.83 mici 0.75
problemele 0.60 pentru 1.00 concurs 0.86 sunt 1.00 grele 0.80
flori 1.00 galbene 0.86
flori
```

Subiectul 10

Se citesc de la tastatură un număr natural nenul n , ($n < 10$) și un număr natural k ($k \leq 9$).

- Construiți un tablou pătratic *a*, unde $a_{i,j}$ este al $i+j-1$ lea număr prim (dacă numerotăm indicii matricei 1..n) sau al $i+j+1$ lea număr prim (dacă numerotăm indicii matricei 0..n-1). Afișați tabloul astfel construit în fișierul *Matrice.out*, pe primele *n* linii ale fișierului, elementele unei linii fiind separate de un singur spațiu. Utilizați un subprogram *prim*, care primește ca și parametru un număr natural *x*, și returnează valoarea **1** dacă numărul transmis ca parametru este prim, și **0** în caz contrar.
- Afișați pe următoarea linie în fișierul de ieșire, în ordine crescătoare toate elementele tabloului astfel construit care au exact *k* cifre distincte. Dacă nu există astfel de numere în tabloul construit afișați în fișier mesajul **NU EXISTĂ**.

Exemplu: dacă $n=4$ și $k=2$

Fișierul *Matrice.out* va avea următorul conținut:

2 3 5 7
3 5 7 11
5 7 11 13
7 11 13 17
13 17

OBS. Pentru $n=4$ și $k=4$ pe ultima linie din fișier se va afișa **NU EXISTĂ**

Considerăm că numărul 2 este primul număr prim.

Subiectul 11

Fișierul *Date.in* conține cel mult **10000** numere naturale cu cel mult **2** cifre fiecare, printre care cel puțin un număr par și cel puțin un număr impar, separate prin câte un spațiu. Numărul de numere din fișier este variabil de la o linie la alta.

- Scrieți un program care citește numerele din fișierul *Date.in* și scrie în fișierul text *Date.out* valorile distincte citite, separate prin câte un spațiu, respectându-se regula: pe prima linie vor fi scrise numerele **impare distincte** în **ordine crescătoare**, iar pe linia a doua numerele **pare distincte**, în ordine **descrescătoare**. Alegeți o metodă eficientă din punctul de vedere al timpului de executare.
- Calculați suma numerelor pare distincte din fișierul de intrare și eliminați din numărul obținut cifrele impare. Veți utiliza un subprogram care primește ca parametru un număr natural x de cel mult **8** cifre și returnează prin intermediul aceluiași parametru numărul obținut după eliminarea cifrelor impare. Rezultatul se va tipări pe a treia linie a fișierului de ieșire.

Exemplu: Dacă fișierul *Date.in* are următorul conținut:

75 12 3

3 18

75 1 3 92

atunci fișierul *Date.out* va conține:

Fișierul *Date.out* va avea următorul conținut:

1 3 75

92 18 12

22

deoarece suma numerelor pare este **122**, iar după eliminarea cifrei **1** care e impară se obține **22**.

Subiectul 12

În fișierul *Cuvant.in* pe prima linie este memorat un număr n ($1 < n < 51$) și pe următoarele n linii cuvinte separate prin unul sau mai multe spații (numărul cuvintelor poate să difere de la un rând la altul; o linie din fișier conține cel mult 255 caractere). Se cere:

- Afișați în fișierul de ieșire *Prefix.out* pe fiecare linie toate prefixele celui mai lung cuvânt de pe linia corespunzătoare din fișierul *Cuvant.in*. Dacă sunt mai multe cuvinte de aceeași lungime se vor scrie prefixele ultimului cuvânt dintre cele care îndeplinesc condiția. **Prefixele** unui cuvânt x sunt reprezentate de toate subșirurile șirului x (care încep cu primul caracter din x), de la cel de lungime 1 până la cel de lungimea șirului $x - 1$. Veți folosi un subprogram care primește ca parametru un șir de caractere și determină afișarea în fișierul de ieșire a tuturor prefixelor aceluși șir.
- Pe ultima linie a fișierului de ieșire se vor afișa toate cuvintele din fișierul de intrare care încep cu litera a sau A . În cazul în care în fișierul de intrare nu există astfel de cuvinte, în fișierul de ieșire se va afișa mesajul **NU EXISTA**.

Exemplu: Dacă fișierul *Cuvant.in* are următorul conținut:

3

Ana cascada lupta

feriga parada alama

rusine ard jucarie

Fișierul *Prefix.out* va avea următorul conținut:

c ca cas casc casca cascad
p pa par para parad
j ju juc juca jucar jucari
Ana alama ard

Subiectul 13

Fișierul text *Numere.in* conține cel mult **1000** de numere naturale cu cel mult patru cifre fiecare, despărțite prin câte un spațiu.

- Scrieți programul care citește numerele din fișierul *Numere.in* și afișează în fișierul de ieșire *Rezultate.out*, în ordine **crescătoare**, acele numerele din fișierul de intrare care au toate cifrele egale. Pentru a verifica dacă toate cifrele unui număr sunt egale veți folosi un subprogram care primește ca parametru un număr natural **x** de cel mult patru cifre și returnează numărul de cifre distincte ale lui **x**. Dacă fișierul nu conține nici un astfel de număr, atunci se va scrie în fișierul de ieșire mesajul **NU EXISTA**.
- Dacă există astfel de numere afișați factorii primi împreună cu exponenții lor, din descompunerea în factori primi ai celui mai mare număr care are toate cifrele egale. Afișarea se va face în fișierul *Rezultate.out*, începând cu cea de a doua linie, fiecare factor și exponentul său pe câte o linie în fișier separați de câte un spațiu.

Exemplu: dacă fișierul *Numere.in* are următorul conținut:

30 11 444 7 25 5

Fișierul *Rezultate.out* va avea următorul conținut:

5 7 11 444
2 2
3 1
37 1

Cel mai mare număr care are toate cifrele egale este **444** iar $444 = 2^2 + 3^1 + 37^1$

Subiectul 14

O matrice pătratică **A** de dimensiune **n** cu **p** elemente nenule este memorată economic în fișierul de intrare *Matrice.txt* sub următoarea formă.: pe prima linie a fișierului se găsesc două numere **n** și **p**, dimensiunea matricei respectiv numărul de elemente nenule, iar pe următoarele **p** linii triplete de numere naturale (**v**, **l**, **c**) care reprezintă valoarea, linia respectiv coloana pe care se găsesc elementele nenule.

- Scrieți un program care citește informațiile din fișierul de intrare, reface și scrie în fișierul de ieșire *Matrice.out* matricea **A**.
- Verificați dacă suma elementelor nenule ale matricei este un număr **perfect** (un număr este considerat perfect dacă este egal cu suma tuturor divizorilor săi cu excepția lui însuși ex: $6 = 1+2+3$; $28 = 1+2+4+7+14$) și afișați pe ecran un mesaj corespunzător (**DA** sau **NU**). Pentru a verifica dacă un număr este perfect veți utiliza un subprogram care primește prin intermediul unui parametru un număr natural **x** și returnează suma divizorilor săi, excepție numărul.

Exemplu: dacă fișierul *Matrice.txt* are următorul conținut:

5 8
1 1 1
5 1 2
1 2 3
3 2 5

4 3 2
4 4 1
2 4 3
8 5 4

Fișierul *Matrice.out* va avea următorul conținut:

```
1 5 0 0 0
0 0 1 0 3
0 4 0 0 0
4 0 2 0 0
0 0 0 8 0
```

Pe ecran se va afișa **DA** (deoarece suma este $1+5+1+3+4+4+2+8=28$ care este un număr perfect)

Subiectul 15

Fișierul text *Numere.txt* conține pe prima linie un număr natural k ($0 < k < 15$) și pe următoarele rânduri cel mult **50.000** de numere naturale din intervalul închis $[0, 99]$, numerele de pe același rând fiind separate prin câte un spațiu.

- Scrieți un program care afișează în fișierul de ieșire *Numere.out*, în ordine **crescătoare**, separate de câte un spațiu, acele numere din fișierul *Numere.txt* care au cel puțin k divizori proprii. Utilizați un algoritm eficient din punct de vedere al timpului de executare. Dacă un număr care corespunde cerinței apare de mai multe ori, se va afișa o singură dată.
- Verificați dacă cifrele ultimului număr scris în fișierul de ieșire *Numere.out* au aceeași paritate (toate pare sau toate impare), și afișați pe ecran un mesaj corespunzător (**DA** sau **NU**). Veți folosi un subprogram care primește prin intermediul unui parametru un număr natural n din intervalul $[0, 99]$ și returnează atât numărul de cifre pare cât și numărul de cifre impare ale numărului n .

Exemplu: dacă fișierul *Numere.txt* are următorul conținut:

```
4
15 36 33
36 1 12 1 24
2
```

fișierul *Numere.out* va conține :

Fișierul *Numere.out* va avea următorul conținut:

```
12 24 36
```

Pe ecran se va afișa **NU** (deoarece **3** și **6** nu sunt de aceeași paritate)

Subiectul 16

În fișierul *Cuvant.txt* pe prima linie sunt memorate două numere p ($1 < p < 51$) și n ($1 < n < 101$), pe a doua linie un cuvânt **cuv** și pe următoarele n linii cuvinte separate prin unul sau mai multe spații (numărul cuvintelor poate să difere de la un rând la altul; o linie din fișier conține cel mult 255 caractere). Se cere:

- Afișați în fișierul de ieșire *Rime.txt* pe fiecare linie toate cuvintele de pe linia corespunzătoare din fișierul de intrare care sunt rime cu cuvântul **cuv** (două cuvinte sunt rime dacă ultimele p caractere coincid). Cuvintele de pe aceeași linie se vor afișa separate prin câte un spațiu. Dacă pe o linie nu există nici un cuvânt care să îndeplinească condiția atunci pe linia corespunzătoare în fișierul *Rime.txt* se va afișa mesajul **NU EXISTA**. Veți folosi un subprogram care primește ca parametrii două șiruri de caractere și un număr natural p . Subprogramul va returna valoarea **1** dacă cele două șiruri de caractere sunt rime (au ultimele p caractere identice) sau valoarea **0** în caz contrar.
- Pe ultima linie a fișierului de ieșire se va afișa numărul cuvintelor din fișierul de intrare care încep cu majusculă (nu se va număra cuvântul de pe a doua linie a fișierului de intrare).

Exemplu: Dacă fișierul *Cuvant.txt* are următorul conținut:

2 4

ferit

Sarit cascada indraznit

feriga fugit alama

rusine Ranit Jucarie

Albastru

Fișierul *Rime.txt* va avea următorul conținut:

Sarit indraznit

fugit

Ranit

NU EXISTA

4

Subiectul 17

Fișierul *atestat.in* conține un text format din cel mult 250 de caractere, scris pe o singură linie. Cuvintele din text sunt separate prin câte un spațiu, iar fiecare cuvânt este format din cel mult 20 caractere literele mici ale alfabetului englez.

- Să se scrie în fișierul *atestat.out* textul în care fiecare cuvânt care conține cel puțin o consoană să fie înlocuit de inversul său. Se va utiliza un subprogram *s1* care primește prin intermediul singurului său parametru *s* un cuvânt și returnează numărul de consoane din cuvântul *s*.
- Pe a doua linie în fișierul *atestat.out* să se scrie cuvântul de lungime maximă și lungimea lui. Dacă sunt mai multe astfel de cuvinte, se va afișa primul găsit.

Exemplu: Dacă fișierul *atestat.in* are următorul conținut:

fetita ia o ie si o da elenei

Fișierul *atestat.out* va avea următorul conținut:

atitef ia o ie is o ad ienele

fetita 6

Subiectul 18

Se citesc de la tastatură două numere naturale n ($1 \leq n \leq 10$) și k ($0 < k \leq 10$).

- Construiți în memorie o matrice cu n linii și n coloane, astfel încât parcurgând liniile matricei de sus în jos și de la stânga la dreapta se obțin, în prima linie primele n numere ale șirului Fibonacci în ordine **crescătoare**, în linia a doua următoarele n numere ale șirului Fibonacci în ordine **descrescătoare**, în linia a treia următoarele n numere ale acestui șir în ordine **crescătoare**, și așa mai departe, ca în exemplu. Elementele șirului Fibonacci se obțin astfel: primul element este **0**, al doilea este **1**, iar elementele următoare se obțin însumând cele două elemente care preced elementul curent. Astfel, primele **16** elemente ale acestui șir sunt: **0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144, 233, 377, 610**. Programul afișează în fișierul *Matrice.out* matricea obținută, câte o linie a matricei pe câte o linie a fișierului, elementele fiecărei linii fiind separate prin câte un spațiu.
- Pe următoarea linie în fișier afișați produsul indicilor coloanelor pe care există cel puțin k elemente pare.

Exemplu: dacă se citesc de la tastatură $n=4$ și $k=2$

Fișierul *Matrice.out* va avea următorul conținut:

0 1 1 2

13 8 5 3
21 34 55 89
610 377 233 144

8

Pe ultima linie în fișier se va afișa **8** (deoarece coloanele **1, 2 și 4** conțin cel puțin două elemente pare).

Subiectul 19

Un șir de caractere **s** se numește “șablon” pentru un alt șir de caractere **x**, dacă este format din caractere din mulțimea **{*, ?, #}**, are aceeași lungime cu **x** și pe fiecare poziție din **s** în care apare ***** în **x** se găsește o vocală, pe fiecare poziție din **s** în care apare **#** în **x** se găsește o consoană și pe fiecare poziție din **s** în care apare **?** putem avea orice caracter în **x**. Se consideră vocală orice literă din mulțimea **{a,e,i,o,u}**.

- Se citesc din fișierul **Cuvinte.in** două șiruri de caractere, de aceeași lungime, formate din cel mult **200** de litere mici ale alfabetului englez. Șirurile se găsesc în fișier fiecare pe câte o linie. Afișați pe ecran, un șablon **comun** celor două șiruri citite, care conține un număr minim de caractere **?**.
- Verificați dacă unul din cuvintele citite este anagrama celuilalt și afișați pe ecran mesajul **DA** în caz afirmativ sau **NU** în caz contrar.

Exemplu: dacă fișierul **Cuvinte.in** are următorul conținut:

diamant

pierdut

Pe ecran se va afișa

###?##

NU

Subiectul 20

Se consideră un arbore cu rădăcină și n vârfuri (n din \mathbb{N} , $2 < n < 100$), dat prin vectorul de tați. Vârfulurile sunt etichetate cu numere consecutive și distincte: $1, 2, 3, \dots, n$. Fișierul **atestat.in** conține 2 linii. Pe prima linie a fișierului este scris numărul n , reprezentând numărul de vârfuri, iar pe a doua linie sunt scrise n numere, separate prin spațiu, reprezentând valorile consecutive ale vectorului de "tați".

- Să se scrie pe prima linie în fișierul **atestat.out** etichetele tuturor frunzelor arborelui.
- Pe următoarele linii ale fișierului **atestat.out** să se scrie fiecare nod neterminal împreună cu numărul descendenților direcți (câte un nod cu numărul fiilor săi pe câte un rând). Se va utiliza un subprogram **fii** cu trei parametri n (numărul de vârfuri), t (vectorul de tați) și k (eticheta unui vârf). Subprogramul returnează numărul tuturor descendenților direcți ai vârfului cu eticheta k .

Exemplu: Dacă fișierul **atestat.in** are următorul conținut:

10

0 1 1 2 3 2 2 6 6 5

Fișierul **atestat.out** va avea următorul conținut:

4 7 8 9 10

1 2

2 3

3 1

5 1

6 2